# ارزیابی عملکرد ساختمانهای قاب خمشی بتن مسلح واقع بر شالوده سطحی با لحاظ کردن تأثیر اندرکنش خاک و سازه

على محمدى وحسين تحقيقى \*٢

<sup>۱</sup> کارشناسارشد سازه، دانشکده مهندسی، دانشگاه کاشان <sup>۲</sup> استادیار دانشکده مهندسی، دانشگاه کاشان

(دریافت: ۹۶/۱۱/۱۰، پذیرش: ۹۷/۶/۳۱، نشر آنلاین: ۹۷/۷/۱)

## چکیدہ

رفتار غیر خطی سیستم خاک و سازه با تحمیل انعطاف پذیری مازاد بر سیستم و اتلاف انرژی چرخهای در فصل مشترک خاک و شالوده تقاضای لرزهای سازه را تغییر میدهد. در این مقاله، از روش تیر بر روی شالوده غیر خطی وینکلر برای ارزیابی تأثیر اندرکنش خاک- پی- سازه بر عملکرد لرزهای ساختمانها استفاده میشود. مجموعهای از ساختمانهای بتن مسلح ۴، ۸، ۱۲ و ۱۶ طبقه با سیستم قاب خمشی ویژه واقع بر سه نوع خاک سخت، متوسط و نرم توسط نرمافزار OpenSees مدلسازی و تحلیل شدهاند. از روشهای تحلیل استاتیکی غیر خطی و تحلیل دینامیکی افزایشی جهت ارزیابی عملکرد لرزهای ساختمانهای بتن مسلح در شرایط پایه ثابت و انعطاف پذیر استفاده شده است. نتایج تحلیل نشان میدهد که اندرکنش خاک و سازه، به عملکرد لرزهای ساختمانهای بتن مسلح در شرایط پایه ثابت و انعطاف پذیر استفاده شده است. نتایج تحلیل نشان میدهد که اندرکنش خاک و سازه، به خصوص با نرم تر شدن خاک و افزایش تعداد طبقات ساختمان، میتواند نقشی اساسی در رفتار قابهای ساختمانی شامل افزایش پریود سیستم، تغییر ضریب اصلاح پاسخ، افزایش دریفت طبقات، کاهش سطح عملکرد و تغییر احتمال فروریزش سازه ایفا نماید. از اساس نتایج به دست آمده، اکتوا به ضریب اصلاح پاسخ، افزایش دریفت طبقات، کاهش سطح عملکرد و تغییر احتمال فروریزش سازه ایفا نماید. اندر کنش خاک و مازه، به نتایج تحلیلهای متداول (بدون درنظر گرفتن اندرکنش) دقت ارزیابی عملکرد سازه را خدشهدار نموده و ممکن است به طرح غیر واقعی سازه منجر گردد.

كليد واژها: اندركنش خاك- سازه، ارزيابي عملكرد، قاب بتن مسلح، تحليل استاتيكي غير خطي، تحليل ديناميكي افزايشي.

### ۱– مقدمه

رخدادهای لرزهای گذشته نشان میدهد که اثرات اندرکنش خاک- پی- سازه، حائز اهمیت بوده و عملکرد سازهها را به طور چشمگیری تحت تأثیر قرار داده است (Tahghighi، ۲۰۰۵؛ و همکاران، ۲۰۱۴). با این وجود، در تحلیل و طراحی سازهها، معمولاً فرض میشود که خاک زیر شالوده صلب بوده و از انعطاف پذیری آن صرفنظر میشود. در این حالت، پاسخ سازه متأثر از خواص دینامیکی خود سازه است و انعطاف پذیری نازه متأثر از مواص دینامیکی خود سازه است و انعطاف پذیری نازه متأثر از اثر خاک زیر شالوده بر پاسخ لرزهای سازه صرف-ناک تأثیری در نتیجه سازه به صورت پایه گیردار تحلیل میشود. اما، وقتی سازه بر توده خاک نرم ساخته میشود به دلیل اندرکنش، پاسخ آن نسبت به حالت پایه گیردار بسیار متفاوت است. مطالعات اولیه در این زمینه به ارتعاش سازههای خاص مانند نیروگاهها و

مخازن نفتی محدود بودهاند. لیکن، با پیدایش نسل جدید آیین-نامههای مبتنی بر عملکرد و گسترش کاربرد آنها، ضرورت لحاظ نمودن تأثیر اندرکنش در تحلیل و طراحی سایر سازهها بیش از پیش نمایان شده است (Tahghighi و Rabice).

اندر کنش خاک و سازه سبب تغییر (افزایش و یا کاهش) در تقاضاهای لرزهای سازه با پی منعطف نسبت به سازه با پایه ثابت میشود. پیش از کسب دانش کافی در زمینه اندر کنش خاک و سازه، از این مسأله با فرض اثرگذاری آن در جهت افزایش ضریب اطمینان (کاهش در نیروی برش پایه) با توجه به افزایش پریود اصلی و میرایی انرژی امواج لرزهای در خاک صرفنظر می گردید. عدم قطعیت در صحت این فرض هنگامی آشکار شد که مطالعات نشان دادند پدیده اندر کنش، بسته به شرایط خاک- پی- سازه و مشخصات تحریک، می تواند دارای نقش مخرب باشد و صرفنظر کردن از آن خلاف جهت اطمینان بوده و در نتیجه به طراحی

آدرس ايميل: alimohammadi@grad.kashanu.ac.ir (ع. محمدی)، tahghighi@kashanu.ac.ir (ح. تحقيقی).

<sup>\*</sup> نویسنده مسئول؛ شماره تماس: ۵۵۹۱۲۴۳۰-۰۳۱

ناایمن در سازه منجر میشود (Mylonakis و Gazetas، ۲۰۰۰؛ Jeremic و همکاران، ۲۰۰۴).

از آثار مخرب اندر کنش می توان به افزایش تقاضای تغییر مکان جانبی و تغییر در سطح عملکرد سازه، اثر *Δ-۹* و ضربه به خصوص در سازههای بلند و یا لاغر اشاره کرد. بدین ترتیب مسأله تأثیر انعطاف پذیری پی بر عملکرد سازهها سبب افزایش پژوهشها به منظور تجدید نظر در آیین نامهها و رویکردهای طراحی در سال-های اخیر گردیده است تا بتواند زیانهای انسانی و اقتصادی مرتبط را کاهش دهد.

هدف عمده و اصلی آیین نامه های سنتی که بر مبنای نیرو سازه ارا طرح می کنند تأمین ایمنی جانی ساختمان های معمولی و حداقل آسیب برای ساختمان های مهم در طی یک زمین لرزه است. این هدف به وسیله اختصاص کاهش سطح مقاومت الاستیک سازه به همراه ارائه جزئیات المان های سازه ای و اتصالات آنها به منظور ارائه شکل پذیری مورد نیاز قابل دسترسی است. از طرف دیگر، طراحی لرزه ای سازه ها بر اساس عملکرد یک روش مدرن است که در آن سطوح عملکرد ساختمان با توجه به حداکثر خسارت مجاز برای یک خطر لرزه ای مشخص تعریف می شود. سطوح عملکرد اصلی بر مبنای آیین نامه های طراحی لرزه ای نظیر جانی (LS) و آستانه فروریزش (CP) طبقه بندی می شوند. قابل ذکر است که جابه جایی افقی کلی، نیاز شکل پذیری و دریفت میان طبقه رایج ترین پارامتر های تعیین خسارت هستند که در بررسی عملکرد ساختمان ها مورد استفاده قرار می گیرند.

روش های عددی مختلف جهت مدل سازی رفتار سازههای واقع بر پی سطحی ارائه شده است (Tabatabaiefar و Tabatabaiefar و Fatahi ب ۲۰۱۰؛ Lou و همکاران، ۲۰۱۱؛ Tabatabaiefar و Fatahi و Fatahi ن با این حال، استفاده از روش های ساده ای مانند مدل وینکلر در مسائل عملی اندر کنش از روش های ساده ای مانند مدل وینکلر در مسائل عملی اندر کنش اخاک و سازه ترجیح داده می شود. روش تیر بر روی شالوده غیر الاد مانه تر بی روی شالوده غیر الاد مانه تر بی روی شالوده غیر الاد مانه تر بی روی شالوده نیر الاد مانه محادان (۲۰۱۰)، خطی وینکلر (۲۰۱۰) نوسعه یافت، به دلیل سادگی نسبی و تلاش محاسباتی حداقل، به و همکاران (۲۰۱۰)، طور گسترده ای در تحقیقات اخیر استفاده شده است توسعه یافت، به دلیل سادگی نسبی و تلاش محاسباتی حداقل، به طور گسترده ای در تحقیقات اخیر استفاده شده است ماور گسترده ای در تحقیقات اخیر استفاده شده است ماور تو ممکاران، ۲۰۱۴، ماون ماون مان در تمام و مان در مامل فنرهای مستقل غیر خطی قائم، با توزیع در امتداد طول پی و امکان بر کنش، حرکت گهواره ای، نشست و میرایی تشعشعی می باشد. به

عنوان نمونه، Marzban و همکاران (۲۰۱۴)، با بررسی عملکرد لرزهای قابهای بتن مسلح دارای دیوار برشی، پارامترهای طراحی لرزهای سازه با پایه منعطف را نسبت به پایه ثابت مقایسه کردند. همچنین، Arbabi و Arbabi (۲۰۱۵)، نشان دادند که برای سازههای سخت مانند قاب فولادی مهاربندی شده هممحور واقع بر بستر انعطاف پذیر، نادیده گرفتن تأثیر حرکات شالوده به برآورد نادرست زمان تناوب اصلی سیستم منجر می شود.

بنابراین با توجه به قابلیتهای روش تیر بر روی شالوده غیر خطی وینکلر، این مدل برای پژوهش حاضر انتخاب شده است. در این مطالعه به ارزیابی رفتار غیر خطی قابهای خمشی بتن مسلح ویژه تحت تحلیل استاتیکی غیر خطی و تحلیل دینامیکی افزایشی (IDA<sup>a</sup>) پرداخته می شود. چهار قاب بتن مسلح با تعداد طبقات مختلف واقع بر سه نوع ساختگاه سخت، متوسط و نرم مورد بررسی قرار می گیرند و نتایج تحلیل برای دو حالت پایه ثابت و انعطاف پذیر مقایسه می شود. با توجه به قابلیت های روش تیر بر روی شالوده غیر خطی وینکلر، این مدل برای پژوش حاضر انتخاب شده است. از پارامترهای طراحی لرزهای متعارف مانند شکل پذیری مبتنی بر دوره تناوب ( $\mu_T$ )، ضریب اضافه مقاومت ( $\Omega$ ) و ضریب اصلاح پاسخ (R) و همچنین تغییر در سطوح عملکرد برای مقایسه رفتار قابها استفاده می شود. علاوه بر مقایسه پاسخهای لرزهای حاصل از تحلیلهای تاریخچه زمانی غیر خطی و میزان آسیبپذیری ساختمانهای با یایه انعطافیذیر نسبت به یایه ثابت با استفاده از منحنیهای IDA بررسی می شود. همچنین، با استفاده از منحنی-های شکنندگی احتمال فروریزش سازهها در شرایط تکیهگاهی مختلف ارزيابي مي گردد.

## ۲- معرفی سیستم خاک و سازه

مطابق شکل (۱) چهار ساختمان ۴، ۸، ۱۲ و ۱۶ طبقه بتن مسلح با سیستم باربر جانبی قاب خمشی در نظر گرفته شده است. پلان ساختمانها به ابعاد ۱۸×۱۸ متر، دارای سه دهانه در هر دو جهت عمود بر هم و هر دهانه ۶ متر، ارتفاع طبقات ۲۵/۵ متر و دارای توزیع جرم یکنواخت و توزیع سختی غیر یکنواخت در ارتفاع است. ساختمانها دارای کاربری مسکونی بوده و بر اساس ضوابط آییننامههای ۲ ASCE (۲۰۱۰) و 138 ACI (۲۰۱۱)، با شکل-پذیری ویژه طراحی شدهاند. بار مرده و بار زنده طبقات به ترتیب مدم و ۲۰۰ کیلوگرم بر مترمربع فرض می شود. در جداول (۱) و (۲) مشخصات مقاطع تیرها و ستونهای هر قاب نشان داده شده است.

<sup>1.</sup> Immediate Occupancy

<sup>2.</sup> Life Safety

<sup>3.</sup> Collapse Prevention

<sup>4.</sup> Beam on Nonlinear Winkler Foundation

<sup>5.</sup> Incremental Dynamic Analysis



شکل ۱- مدل ساختمانهای مورد مطالعه: الف) پلان، ب) نما

آرماتورگذاری		ع (سانتىمتر)	ابعاد مقط		17				
وجه بالا	وجه پايين	ارتفاع	عرض	سماره طبقه	قاب				
٣φ٢٠	7.4	۴.	٣٠	۲ ، ۲					
۳ <b>ф</b> ۱۸	۴φ۲۰	۳۵	۳.	۴.۳	۱ طبقه				
۴φ۲۰	۵4۲۵	۴۵	۴.	۲، ۳، ۳، ۴					
۴ <b>φ</b> ۲۰	$\Delta \phi$ T ·	۴.	۳۵	۵، ۶، ۷، ۸	۸ طبقه				
۴ <b>0</b> ۲۵	۵Ф۲۵	۵۰	۴۵	۱، ۲، ۸					
$\Delta oldsymbol{\phi}$ ۲۵	8420	۵۵	۵۰	۲، ۳، ۴، ۵، ۶	۱۲ طبقه				
۴ <b>φ</b> ۲۰	$\Delta\phi$ t $\Delta$	40	۴.	۹، ۱۰، ۱۱، ۱۲					
۴ <b>0</b> ۲۵	۵Ф۲۵	۵۰	۴۵	۱، ۱۳، ۱۴، ۱۵، ۱۶					
$\Delta oldsymbol{\phi}$ ۲۸	8428	۶۵	۵۵	۲، ۳، ۴، ۵، ۶، ۷، ۸، ۹، ۱۰	۱۶ طبقه				
$\Delta oldsymbol{\phi}$ ۲۵	8420	۵۵	۵۰	11. 11					

جدول ۱- مشخصات مقاطع تیر در قابهای مورد مطالعه

جدول ۲- مشخصات مقاطع ستون در قابهای مورد مطالعه

ستونهای داخلی				ستون،های خارجی	ثيا مع <b>ا</b> قه	lä	
آرماتور گذاری	رگذاری عرض (سانتیمتر) طول (سانتیمتر) آر		آرماتور گذاری	طول (سانتیمتر)	عرض (سانتیمتر)	سمارة طبقة	<u>ى</u>
۲۰ $oldsymbol{\phi}$ ۲۵	۵۰	۵۰	18080	۴۵	۴۵	۲ ، ۲	
18 <b>0</b> 70	40	۴۵	15050	۴.	۴.	۳. ۴	۱ طبقه
۲۴ <b>ф</b> ۲۸	۶.	۶.	$ au \cdot \phi$ ۲۸	۵۵	۵۵	۱، ۲، ۳	
t· $oldsymbol{\phi}$ ta	۵۵	۵۵	$ au \cdot \phi$ ta	۵۰	۵۰	۴، ۵، ۶	۸ طبقه
$ au oldsymbol{\phi}$ ta	۵۰	۵۰	18080	۴۵	۴۵	۷. ۸	
۲۰ $oldsymbol{\phi}$ ۳۲	۶۵	۶۵	$ au \cdot \phi$ ta	۵۵	۵۵	4. 3. 7. 1	
tf $oldsymbol{\phi}$ ta	۶.	۶.	$ au \cdot \phi$ ta	۵۰	۵۰	۵، ۶، ۷، ۸	۱۲ طبقه
t· $oldsymbol{\phi}$ ta	۵۵	۵۵	18080	40	۴۵	۹، ۱۰، ۱۱، ۱۲	
th $oldsymbol{\phi}$ rt	۷۵	۷۵	$ au \cdot \phi$ ۳۲	۶۵	۶۵	۲، ۲، ۴، ۴	
th $oldsymbol{\phi}$ th	٧٠	٧.	<b>Υ</b> ۴ΦΥλ	۶.	۶.	۵، ۶، ۷، ۸	
TF $oldsymbol{\phi}$ TA	۶.	۶.	$ au \cdot \phi$ ta	۵۵	۵۵	۹، ۱۰، ۱۱، ۱۲	۱۶ طبقه
t. $oldsymbol{\phi}$ ta	۵۵	۵۵	$ au \cdot \phi$ ta	۵۰	۵۰	18.10.14.17	

جدول ۳- مشخصات انواع خاک در نظر گرفته شده (محمدی، ۲۰۱۷)

		•		, ,,	•7	•	
<i>V<sub>s</sub></i> (m/sec)	G (kg/cm <sup>2</sup> )	γ (kg/m³)	υ	E (kg/cm <sup>2</sup> )	C (kg/cm <sup>2</sup> )	Ø (degree)	نوع خاک
36.	2007	71	٠/٣۵	۷۵۶	•	۳۸	С
١٧۵	817	۱۹۰۰	٠/۴	188	• /• ٢	٣.	D
17.	8.8	۱۲۰۰	۰/۴۵	٨٧	• / • ۲	۲۵	Е

سه نوع زمین C، D و E به ترتیب به نمایندگی از خاک متراکم، خاک سفت و خاک نرم بر اساس طبقهبندی آییننامه ASCE 7 در نظر گرفته شده است. جدول (۳) مشخصات ژئوتکنیکی خاکها را نشان میدهد (محمدی، ۲۰۱۷). این مشخصات شامل زاویه اصطکاک داخلی ( $\phi$ )، ضریب چسبندگی (C)، مدول الاستیسیته (E)، ضریب پواسون (v)، وزن مخصوص ( $\gamma$ )، مدول برشی ( $\delta$ ) و ها در جدول (v)، شاوده ساختمانهای مورد مطالعه طراحی شده است که شالودهها به شکل نواری و بسته به ارتفاع قاب دارای پهنای ۲ تا ۵ متر، طول ۱۹ تا ۲۰ متر و ارتفاع ۶/۰ تا ۱ متر میباشد (محمدی، ۲۰۱۷). شایان ذکر است که نیروی برش پایه میباشد (محمدی، ۲۰۱۷). شایان ذکر است که نیروی برش پایه میباشد (محمدی، ۲۰۱۷). شایان ذکر است که نیروی برش پایه میباشد (محمدی، ۲۰۱۷). شایان خاک است که نیروی برش پایه میباشد (محمدی، ۲۰۱۷). شایان خاک است که نیروی برش پایه میباشد (محمدی، ۲۰۱۷). شایان خاک است که نیروی برش پایه میباشد (محمدی، ۲۰۱۷). شایان خاک است که نیروی برش پایه میباشد (محمدی، ۲۰۱۷). شایان خاک است که نیروی برش پایه میباشد (محمدی، ۲۰۱۷). شایان خاک است که نیروی برش پایه میباشد (محمدی، ۲۰۱۷). شایان خاک است که نیروی برش پایه میباشد (محمدی، ۲۰۱۷). شایان خاک است که نیروی برش پایه میباشد (محمدی، ۲۰۱۷). شایان خاک است که نیروی برش پایه میباشد (محمدی، ۲۰۱۷). شایان خاک است که نیروی برش پایه میباشد (محمدی، ۲۰۱۷). شایان خاک است که نیروی برش پایه میباشد (محمدی، ۲۰۱۷). شایان خاک است که نیروی برش پایه میباشد (محمدی، ۲۰۱۷). شایان خاک است که نیروی برش پایه میباش مذکور برای هر یک از قابهای مستقر بر انواع خاک به شرح جدول (۴) است.

جدول ۴- نیروی برش پایه طراحی قابها به تفکیک نوع خاک و تعداد طبقه (بر حسب تن)

	0	•	
	نوع خاک		تعداد طبقات
Е	D	С	
٣٧	۲۳/۵	۲ • /۷	۴
<b>۴</b> ٩/٨	۳۵/۱	۳۵/۱	٨
80/V	54/3	۵۴/۳	١٢
۸۵/۲	ν۵/۵	Υ۵/۵	18

## ۲-۱- مدل قاب بتنی

قابهای خمشی بتن مسلح طراحی شده با استفاده از نرمافزار openSees (۲۰۱۵) مدلسازی و تحلیل می شوند. اثرات *Δ-۹* در تحلیل مدلها توسط الگوریتم لارا ادز (Laura Eads، ۲۰۱۰) در نظر گرفته شده است. برای این منظور، یک ستون با بار فقط ثقلی به مجموعه قاب متصل شده و تأثیر *Δ-۹* را شبیه سازی می کند. شکل (۲) تأثیر این ستون ثقلی بر منحنی ظرفیت مدل قاب ۱۶ طبقه را نشان می دهد. همان طور که مشاهده می شود اثر *Δ-۹* باعث کاهش سختی و در نتیجه افزایش جابه جایی و نیز کاهش مقاومت در نمودار منحنی ظرفیت قاب شده است.

تیرها با مفاصل پلاستیکی متمرکز و ستونها با مقطع فایبر برای شبیه سازی رفتار غیر خطی قابهای خمشی مورد استفاده قرار گرفتهاند. المان beamWithHinges برای مدل کردن تیرها استفاده می شود. برای دو انتهای تیر مفاصل پلاستیکی و به وسط دهانه مصالح الاستیک اختصاص داده می شود. فرض می شود رفتار غیر خطی در مفاصل دو سر تیر متمرکز شده است و گسترش رفتار غیر خطی در ناحیه الاستیک کم تر اتفاق می افتد. طول

مفاصل پلاستیک برابر ارتفاع تیرها در نظر گرفته می شود (Marzban و همکاران، ۲۰۱۴).

از آنجا که المان مورد استفاده در مدلسازی تیرها، توانایی در نظر گرفتن تغییرات بار محوری در حین تحلیل را ندارد، برای مدلسازی ستونها از المان فایبر استفاده شده است. این المان قابلیت لحاظ کردن اندرکنش لنگر خمشی و نیروی محوری را دارد که عاملی اثرگذار در رفتار ستونها میباشد. از طرفی چون در این مطالعه امکان تغییر نیروی محوری اعمال شده بر هر یک از ستون-ها در دو حالت پایه صلب و پایه انعطاف پذیر وجود دارد، کاربرد این المان بر سایر المانها ارجح میباشد. این مقاطع در قالب المانهای المانهای المانها ارجح میباشد. این مقاطع در قالب ستونها در ارتفاع طبقه به چهار بخش تقسیم شدهاند. همچنین، ستونها در ارتفاع طبقه به چهار بخش تقسیم شدهاند. همچنین، در تحلیلهای تاریخچه زمانی از مدل میرایی رایلی با احتساب نسبت میرایی ۵ درصد برای دو مود ارتعاشی اول و سوم قابهای خمشی استفاده شده است.



#### ۲-۲- مدل اندر کنش خاک و سازه

سطح مشترک خاک و شالوده با استفاده از تئوری تیر بر روی شالوده غیر خطی وینکلر (BNWF) مدلسازی می شود. به منظور ارزیابی اثر غیر خطی شالوده و خاک زیرین بر روی مدل های مفروض، دو حالت مختلف پایه در نظر گرفته شده است:

 ۱) پایه ثابت، در این حالت شالوده بدون جابهجایی در نظر گرفته می شود (حالت بدون اندرکنش یا NSSI) و

۲) پایه منعطف، در این حالت سطح مشترک خاک و شالوده به وسیله یک مجموعه از فنرهای غیر خطی وینکلر مدل می شود (حالت با اندرکنش یا SSI).

این فنرها قابلیت در نظر گرفتن رفتار غیرخطی هندسی و غیر خطی مصالح و یا به عبارتی جابهجاییهای افقی، قائم و گهوارهای پی را دارا هستند. سختی قائم و دورانی و ظرفیت قائم فنرهای

جایگزین خاک به ترتیب بر اساس روابط Gazetas (۱۹۹۱) و Terzaghi (۱۹۴۳) محاسبه می شود.

مقادیر سختی قائم و سختی دورانی سیستم شالوده- خاک با توجه به روابط گزتاس در جدول (۵) نشان داده شده است. در طی حرکت دورانی، سختی بیشتری در محیط خاک در مناطق فشاری ایجاد میشود و به اصطلاح پدیده دوران برای حفظ پایداری سازه اتفاق میافتد (Harden و Hutchinson، ۲۰۰۹). بر این اساس، فنرهای سختتر در دو انتهای شالوده نواری برای عرضه سختی فنرهای سختتر در دو انتهای شالوده نواری برای عرضه سختی بر اساس مطالعات Harden و ۲۰۰۹) الادام میشود. طولهای انتهایی بر اساس مطالعات Harden و دستیابی به سختی است. به منظور توزیع فنرها در زیر شالوده و دستیابی به سختی متناسب افقی و گهوارهای شالوده، از روابط ارائه شده در آیین امه متناسب افقی و گموارهای شالوده، از روابط ارائه شده در آیین امه اطتی برای در نظر گرفتن انعطاف پذیری خاک زیر پی را نشان می دهد.



دل ۱- مدل نیر بر سانوده غیر خطی (۲۰۰۹ ،Raychowdhury)

#### ۳- انتخاب رکوردهای زلزله

تحلیل تاریخچه زمانی یکی از بهترین ابزارهای موجود برای ارزیابی عملکرد لرزهای ساختمان است و روش تحلیل دینامیکی افزایشی (IDA)، گونه کامل تری میباشد که در این مطالعه از آن استفاده میشود. برای شبیهسازی، به طور مشابه با مطالعه زمین ناحیه دور از گسل در رویدادهای مختلف استفاده می-شود. این رکوردها مربوط به زلزلههای با بزرگای گشتاوری بیش شود. این رکوردها مربوط به زلزلههای با بزرگای گشتاوری بیش گروه (هرگروه دارای هفت رکورد) مربوط به خاک نوع C، C ع ثبت شدهاند. با توجه به ثبت رکوردها بر روی سطح زمین، آثار ساختگاه ناشی از حضور خاک محلی در محتوای فرکانسی آنها لحاظ شده و بنابر این نیازی به تحلیل پاسخ ساختگاه

نیست. اطلاعات تکمیلی در مورد رکوردهای انتخاب شده در جدول (۶) فهرست شدهاند.

## ۴- روش تحلیل ۴-۱- تحلیل استاتیکی غیر خطی

به طور کلی، دقت روش تحلیل استاتیکی غیر خطی (پوش آور) در پیش بینی عملکرد سازهای یک موضوع مهم می باشد. مطالعات Vamvatsikos و Fragiadakis (۲۰۰۹)، نشان داد که این روش نسبتاً ساده درک مفیدی از رفتار مورد انتظار سازه را فراهم می-کند. برای انجام تحلیل پوش آور، از نیروهای جانبی در قالب الگوهای توصیه شده در آیین نامه 356 FEMA (۲۰۰۰)، استفاده می شود. لازم به توضیح است که استفاده از روش تحلیل استاتیکی غیر خطی هنگامی مجاز است که اثرات مودهای بالای سازه قابل ملاحظه نباشد (Vamvatsikos و Kron اید تا حد امکان شبیه به آنچه که هنگام زلزله رخ خواهد داد، باشد و حالتهای بحرانی تغییر شکل و نیروهای داخلی را در اعضا ایجاد نماید.

رفتار غیر خطی سازه ناشی از تحلیل پوش آور، ارتباط بین برش پایه و تغییر مکان نقطه کنترل را مطابق شکل (۴) مشخص مینماید. با توجه به آییننامه FEMA P695 (۲۰۰۹)، منحنی دو خطی ایده آل برای توصیف منحنی پوش آور استفاده میشود. در شکل (۴)، پارامترهای  $\delta_{y,eff}$ ، پ*max و س* $\delta$  به ترتیب جابجایی بام در حالت تسلیم مؤثر، بیشینه نیروی برش پایه و تغییر مکان هدف میباشند. با استفاده از منحنی ساده شده نیرو- تغییر مکان سازه، پارامترهای طراحی لرزهای شامل ضریب شکل پذیری مبتنی بر دوره تناوب ( $\mu_{T}$ )، ضریب اضافه مقاومت ( $\Omega$ ) و ضریب اصلاح پاسخ (R) تعیین می شوند. در ادامه، نحوه محاسبه هر یک از این پارامترها ارائه می شود.



شکل ۴- منحنی ساده شده نیرو- تغییر مکان سازه (FEMA)

تعداد طبقات نوع خاک ۴ ۱۶ ۱۲ ٨ С 1898. 19...٣ 22180 78491  ${ton/m^3} ^{K_z/_A}$  شدت سختی قائم D ۳... 6147 4418 ۶۱۵۳ Е 1888 74.1 ۲۸۰۷ ۳۳۵۶ 84179 87477 4.101 С 71117  $\left( \frac{ton.m}{m^4} \right) \frac{K_{\theta y}}{I_v}$ شدت سختی دورانی دورانی D 66Y. ۷۹۳۶ ٨٧٠٣ 9878 Е 4379 4747 3803 ۵۰۸۶

جدول ۵- سختی فنرهای الاستیک قائم و دورانی خاک- شالوده

(T+10 PEER	ی انتخاب شده (	ت رکوردها	جدول ۶- مشخصا

$T_0$ (sec)	PGD (cm)	PGV (cm/s)	PGA (g)	d (km)	نوع زمين	بزرگا	ایستگاه	سال وقوع	نام زلزله	رديف
۰/۲۶	۴/۲	۵۲/۱	•/۵Y	22/8	С	۶/۷	Old Ridge Route	1994	Northridge, USA	١
•/47	۱ ۸/۶	47/1	•/۵۵	۱۸/۵	С	٧/١	Rio Dell Overpass	١٩٩٢	Cape Mendocino, USA	٢
٠/۴٠	۱۴/۳	٣٩/٠	۰/۵۱	۲۴/۰	С	٧/۶	TCU045	۱۹۹۹	Chi-Chi, Taiwan	٣
٠/۴٠	۶/٣	۲۸/۶	۰/۳۶	١٢/٠	С	۶/۹	Gilroy Gavilan Coll.	۱۹۸۹	Loma Prieta, USA	۴
۰/۱۶	۱/۶	۱۷/۰	٠/٣٧	۲ • /٣	С	818	Lake Hughes	۱۹۷۱	San Fernando, USA	۵
•/•۶	۱۳/۲	۳١/۶	•/87	۱۷/۰	С	۶/۱	Cerro Prieto	۱۹۸۰	Victoria, Mexico	۶
۰/۱۴	۱/۸	۲۱/۰	٠/٣٩	۲۲/۵	С	۶/۰	LA-116 <sup>th</sup> St School	۱۹۸۷	Whittier Narrows, USA	٧
۱/۹۰	۴٩/٨	١٢۵	۰/۴۵	۱۱/۰	D	۶/٨	Kashiwazaki NPP	۲۰۰۷	Chuetsu-Oki, Japan	٨
۰/۱۴	۴/۹	۳۷/۳۶	•/۴۶٨	۲۱/۰	D	۶/۶٩	Saturn	1994	Northridge, USA	٩
•/۴۴	۴۰/۸	۴٩/۵	٠/٢٩	۱۱/۰	D	۷/۲	Cerro Prieto	١٩٨٧	El Mayor-Cucapah, USA	١٠
•/74	34/8	81/8	۰/۵۴	١۶/٠	D	۷/۲	Michoacan	١٩٨٧	El Mayor-Cucapah, USA	11
•/44	٨/٠	۴./۲	•/47	۱۴/۵	D	۶/۹	Gilroy Array #4	۱۹۸۹	Loma Prieta, USA	١٢
•/٢۴	٣/۴	۱۷/۳	٠/٣۵	۱۲/۰	D	۶/۲	Gilroy Array #4	1914	Morgan Hill, USA	١٣
•/٢•	٣/١	۱۹/۳	٠/٣٠	۱۸/۰	D	۶/۱	Jiashi	١٩٩٧	Northwest China	14
۰/۱۶	٩/۶	۲۷/۶	۰/۳۴	78/4	Е	۶/۹	Kakogawa	۱۹۹۵	Kobe, Japan	۱۵
•/۴۶	٩/۵	۳٧/٣	۰/۵۱	١٢/٠	Е	۶/۹	Nishi-Akashi	١٩٩۵	Kobe, Japan	18
٠/٩٨	١٢/٠	۲۲/۰	•/\٨	18/8	Е	۶/۰	SMN002	۲۰۰۰	Tottori, Japan	١٧
۱/•۶	١٢/٧	۵۳/۶	٠/٢٨	۴۸/۰	Е	۶/۹	Redwood City	۱۹۸۹	Loma Prieta, USA	١٨
•  88	١٢/٠	۳٧/٢	٠/٣٠	۴۳/۰	Е	۶/۹	Foster City	۱۹۸۹	Loma Prieta, USA	١٩
•/٣٣	۱۸/۱	۴۵/۰	۰/۳۶	۱۸/۲	Е	۶/۵	EL Centro Imp.	١٩٨٧	Superstition Hills, USA	۲۰
٠/۵٩	۱۱/۰	۴۱/۰	٠/٣٧	۱۱/۰	Е	۵/۹	Westmorland Fire	۱۹۸۱	Westmorland, USA	۲۱

PGV ،PGA و PGD: به ترتیب بیشینه شتاب، سرعت و جابهجایی حرکت زمین میباشند.

d: كوتاهترين فاصله ايستگاه تا گسل

To: پريود غالب رکورد

ذکر است که R<sub>R</sub> برای قابهای با پایه ثابت و انعطاف پذیر برابر واحد فرض مىشود.

$$R_{\mu} = \begin{cases} R_{\mu} = 1.0 & T \le 0.03 \ s \\ R_{\mu} = \sqrt{2\mu_T - 1} & 0.12 \ s \le T \le 0.5 \ s \\ R_{\mu} = \mu_T & 1.0 \ s \le T \end{cases}$$
(1)

$$R = \frac{V_E}{V_s} = R_R R_\mu \,\Omega \tag{(Y)}$$

در هر گام از تحلیل پوش آور وضعیت المانها بررسی می شود و چنانچه بازتابهای عضو به معیارهای پذیرش مشخص شده در با توجه به شکل (۴)، پارامترهای  $\mu_T$  و  $\Omega$  به ترتیب از روابط ، V به دست میآیند. کمیت  $\Omega = V_{\max}/V$  و  $\mu_T = \delta_u/\delta_{y,eff}$ برش پایه طراحی می باشد که بر مبنای ضوابط آیین نامه ASCE 7  $\mu_T$  و  $\Omega$  ، محاسبه شده است. با مشخص شدن مقادیر  $\Omega$  و ضریب اصلاح پاسخ با توجه به معادلات (۱) و (۲) تعیین می شود. در معادله (۲) تقاضای نیروی لرزهای الاستیک را نشان می دهد.  $V_E$ همچنین،  $R_s$  و  $R_\mu$  به ترتیب ضرایب کاهش ناشی از اضافه  $R_\mu$  ,  $R_s$ مقاومت سازهای، شکل پذیری و نامعینی سازه میباشند. لازم به

آییننامه برسد، سطح عملکرد مربوط ثبت میشود. با رسیدن حداقل یکی از اعضای سازه به هر یک از سطوح عملکرد، فرض میشود که سیستم سازه به آن سطح عملکرد رسیده است. بدین ترتیب، سطوح عملکرد ID، LS و CP تعیین شده و بر روی منحنی-های پوش آور به تفکیک برای هر قاب ترسیم میشود. با توجه به طراحی قابها بر اساس ضوابط شکل پذیری آییننامه ASCE 7 و در نظر داشتن مفهوم طراحی ستون قوی و تیر ضعیف، المانهای تیر زودتر از المانهای ستون به سطح عملکرد مدنظر می سند. به عبارت دیگر، ستونها نسبت به تیرها کمتر در معرض تشکیل مفصل پلاستیک قرار می گیرند.

## ۲-۴- تحلیل دینامیکی افزایشی

IDA یک روش تحلیل فزاینده میباشد که با استفاده از چندین تحلیل تاریخچه زمانی غیر خطی جهت بررسی دقیق تر رفتار لرزه-ای سازه ها رواج یافته است. در این روش، سازه تحت شتابنگاشت-های مقیاس شده قرار میگیرد و این روند تا جایی ادامه پیدا می-کند که در اثر اعمال رکورد تقویت شده مفاصل پلاستیک در سازه تشکیل و گسترش یافته تا در نهایت به تخریب آن منجر گردد. بدین ترتیب، مراحل مختلف شامل رفتار الاستیک، الاستوپلاستیک تا رفتار پلاستیک سازه تحت اثر بارهای دینامیکی بر روی منحنی IDA قابل ترسیم است.

در روش تحلیل دینامیکی افزایشی از دو کمیت اساسی تحت عنوان اندازه شدت (\*IM) و اندازه خسارت (DM) برای ارائه منحنیهای IDA استفاده می گردد. کمیتهایی نظیر بیشینه شتاب زمین لرزه (PGA) و شتاب طیفی متناظر با زمان تناوب اصلی سازه با میرائی ۵٪ ((*Sa*(*T*<sub>1</sub>, 5%) برای بیان اندازه شدت زلزلههای انتخابی پیشنهاد شده است (Vamvatsikos و Cornell ، ۲۰۰۲؛ Tameh و Vamvatsikos و ۲۰۱۷ ،Tahghighi و Tameh (۲۰۰۲)، نشان دادند که چون PGA فقط نماینده تحریک ورودی به سازه است نمی تواند معیار مناسبی برای IM باشد. از طرف دیگر، اندازه خسارت کمیت قابل مشاهدهای است که از نتایج تحلیل ديناميكي غير خطى به دست ميآيد. اين كميت ميتواند بيشينه دریفت بام، بیشینه دریفت بین طبقهای، بیشینه چرخش مفاصل پلاستیک، شاخص خسارت پارک-انگ و غیرہ باشد. بر این اساس، در تحقیق حاضر شتاب طیفی متناظر با مود اصلی سازه (Sa(T1, 5%)) و بیشینه دریفت میان طبقه به ترتیب به عنوان اندازه شدت و اندازه خسارت برای ترسیم منحنیهای IDA به کار گرفته شدهاند.

شایان ذکر است که تأثیر رکوردهای حوزه نزدیک گسل (d <10 KM) بر نتایج تحلیل میتواند یک موضوع جالب برای تحقیقات بیشتر در این زمینه باشد. رکوردهای حوزه نزدیک به

6. Intensity measure

طور چشمگیری تحت اثر پدیده جهت پذیری ناشی از انتشار موج قرار می گیرند (To ۱۲ ،Tahghighi). یافتههای اخیر نشان می دهد در نظر نگرفتن پالس های قوی حرکت زمین در حوزه نزدیک می-تواند به ارزیابی نادرست تقاضاهای لرزهای در تحلیل اندرکنش خاک و سازه شود (Masaeli و همکاران، ۲۰۱۵).

## ۵- نمودار شکنندگی

پس از تحلیل IDA و تعیین شتاب طیفی فروریزش سازه به ازای رکوردهای انتخابی، نمودار شکنندگی به دست میآید. این نمودار احتمال آسیب ساختمان در نتیجه زلزله را برحسب شاخص حرکت زمین (*Sa*(*T1*, 5% بیان میکند. یک نقطه تصادفی روی منحنی شکنندگی احتمال شرطی را نشان میدهد، که خسارت حاصل از زلزله با شدت خاصی از حالت خسارت معلوم، بیشتر میگردد (Farzam و همکاران، ۲۰۱۶).

برای به دست آوردن نمودار شکنندگی فروریزش، منحنیهای IDA به صورت تابع توزیع احتمالاتی لوگ نرمال فرض شدهاند Shome) و Cornell، ۱۹۹۹). توزیع احتمال لوگ نرمال به صورت یک توزیع پیوسته از توزیع نرمال بر روی متغیرهای لگاریتمی توسط رابطه (۳) تعریف می شود.

$$f(x;\mu,\sigma) = \frac{1}{x\sigma\sqrt{2\pi}}e^{\frac{-(\ln x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$
(٣)

با استفاده از انتگرال تابع توزیع احتمال، تابع توزیع تجمعی به صورت رابطه (۴) تعریف میشود.

$$p = F(x; \mu, \sigma) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} \int_0^x \frac{1}{t} e^{\frac{-(\ln t - \mu)^2}{2\sigma^2}} dt \tag{(f)}$$

در نهایت، با انجام محاسبات ریاضی، تابع توزیع تجمعی به صورت احتمال تجمعی رخداد آسیب بزرگتر یا مساوی از سطح آسیب مورد نظر به کمک رابطه (۵) بیان میشود.

$$P(collapse|IM) = F(x; \mu, \sigma) = \Phi\left(\frac{ln(x) - \mu_{lnx}}{\sigma_{lnx}}\right) \qquad (\Delta)$$

که در این رابطه، x شتاب طیفی در پریود اول سازه، µ میانگین احتمال فروریزش سازه و σ انحراف از معیار احتمال فروریزش سازه میباشد.

## ۶- نتایج تحلیل و بحث

شالوده و ساختمانهای طراحی شده در بخش دو، بر روی فنرهای جایگزین خاک قرار گرفته و تحلیل میگردند. تحلیل مدلها به روشهای معرفی شده در بخش چهار و به دو صورت پایه ثابت و پایه انعطاف پذیر انجام می شود. در ادامه، عملکرد مدل-ها بر اساس نتایج تحلیل مورد بحث و بررسی قرار می گیرد.

۶-۱- زمان تناوب

زمان تناوب ارتعاش سیستم خاک- شالوده- سازه به عواملی همچون نسبت سختی سازه به خاک، نوع و مشخصات شالوده بستگی دارد. تعداد مودهای در نظر گرفته شده در تحلیل مقدار ویژه برابر سه میباشد که به دلیل اهمیت مود اول در مدلهای مفروض، نتایج مربوط به این مود در جدول (۷) ارائه شده است. با توجه به جدول، افزایش دوره تناوب در تمام مدلها در حالت با اندر کنش نسبت به حالت بدون اندر کنش مشاهده میشود که این موضوع به سبب افزایش تعداد درجات آزادی و همچنین کاهش و افزایش ارتفاع قاب، نرخ افزایش زمان تناوب سازه تشدید می-شود. اگر چه درنظر گرفتن رفتار غیر خطی خاک، منجر به افزایش زمان تناوب ناچیزی در تمام مدلها شده است. با این وجود، همان طور که بعدا توضیح داده میشود، اندرکنش خاک و سازه نقش مهمی را در تغییر تقاضاهای لرزهای و عملکرد ساختمانها ایفا میکند.

#### جدول ۷- زمان تناوب اصلی قابها با شرایط پایه مختلف

_			(نائيه)		
		ايه انعطافپذير	ĉ	i	تعداد
	خاک E	خاک D	خاک C	پايه نابت –	طبقات
	1/447	1/478	1/4.4	1/394	۴
	۲/۲۴۵	۲/۲۳۲	۲/۲・۶	۲/۱۹.	٨
	۲/۶۳۱	۲/۵۶۰	2/214	۲/۴۹۳	١٢
	۲/۷۷۴	۲/۷۰۶	۲/۶۳۸	۲/۶۰۷	18

#### ۲-۶- ضریب اصلاح پاسخ

با محاسبه پارامترهای معرفی شده در بخش ۴-۱، منحنیهای پوش آور قابل ترسیم است. شکل (۵) منحنی ظرفیت و منحنی دو خطی ساده شده نیرو- تغییر مکان را برای قابهای ۴ و ۱۶ طبقه نشان می دهد. با توجه به شکلها، اندر کنش خاک- پی- سازه باعث کاهش سختی اولیه تمام قابها می شود. این نتیجه به دلیل نرم شدن سیستم نسبت به حالت پایه ثابت قابل پیش بینی می باشد. قابل ذکر است که قابهای کوتاه مرتبه از خود بروز دادهاند. اندر کنش نسبت به قابهای بلند مرتبه از خود بروز دادهاند. همچنین، اندر کنش خاک و سازه باعث افزایش تغییر مکان هدف در همه مدلها شده است؛ این افزایش با نرمتر شدن خاک و افزایش تعداد طبقات تشدید می شود و ساختمانها در نسبت جابه جایی بیشتری دچار فروریزش شدهاند.

شکل ( $\mathcal{P}$ الف) مقادیر نسبت ضریب اضافه مقاومت  $\Omega$  برای قابهای  $\mathcal{P}$ ،  $\mathcal{N}$  و  $\mathcal{P}$  طبقه بر روی انواع خاک را نشان میدهد. همان طور که مشاهده می شود در خاک نوع  $\mathcal{D}$  (خاک سخت) نسبت  $\Omega$  در حالت پایه منعطف به پایه ثابت در تمام مدل ها تقریباً برابر

و معادل واحد است. اما با افزایش نرمی خاک و ارتفاع مدل این نسبت نرخ کاهشی دارد، کاهش ضریب اضافه مقاومت به دلیل کاهش حداکثر برش پایه در حالت پایه منعطف میباشد. به عنوان نمونه، نسبت  $\Omega$  در مدل ۱۶ طبقه از مقدار ۱ در خاک نوع C به مقدار ۱۹۶۰ در خاک نوع E رسیده است. در شکل (۶–ب) مقادیر نسبت شکل پذیری  $\pi$  نشان داده شده است. همان طور که مشاهده میشود اندرکنش خاک– پی– سازه باعث افزایش نسبت  $\pi$  در مدل ۱۲ و ۱۶ طبقه واقع بر خاک نوع E میشود و در سایر موارد تأثیر چندانی ندارد. دلیل این افزایش در نسبت شکل پذیری، افزایش بیشتر تغییر مکان هدف نسبت به سایر مدلها در پایه منعطف میباشد.

پس از محاسبه ضرایب اضافه مقامت و شکل پذیری، ضریب اصلاح پاسخ *R* تعیین می شود. چنان که در شکل (۲) قابل مشاهده می باشد ضریب *R* در مدل های مورد مطالعه در حالت با اندر کنش نسبت به پایه ثابت، تفاوت محسوسی را نشان نمی دهد. هرچند نسبت ضریب اصلاح پاسخ با نرمتر شدن خاک در قابهای کوتاه مرتبه (۴ و ۸ طبقه) روند کاهشی و در قابهای بلند مرتبه (۱۲ و ۱۶ طبقه) روند افزایشی دارد.

#### 8-۳- سطوح عملكرد

معیارهای پاسخ به دو دسته شامل معیارهای پذیرش کلی ساختمان و معیارهای پذیرش اعضا تقسیم میشوند. در تحقیق حاضر، طبق توصیه آیین نامه های موجود، کنترل تغییر مکان نسبی طبقات سازه به عنوان معيار پذيرش كلى ساختمان و كنترل چرخش پلاستیک انتهای اعضا (برای اعضای کنترل شونده توسط تغییر شکل) به عنوان معیار پذیرش عضو به کار میروند. سطوح عملکرد بر اساس وضعیت مفاصل پلاستیک در تیرها به دست می آید. سطوح عملکرد IO، LS و CP برای تیرها با توجه به آیین نامه FEMA 356 (۲۰۰۰)، تعیین می شود. برای تعیین این که آیا ساختمان به سطح عملکرد مورد نظر میرسد یا خیر، کمیتهای پاسخ سازه حاصل از تحلیل سازه، با محدودیتهای مربوط به سطوح عملكردى مقايسه مىشوند. سپس، نقاط عملكرد قابهاى خمشی برآورد می شود. این نتایج در شکل (۸) برای قابهای واقع بر خاک نوع E نشان داده شده است. با توجه به شکل، عملکرد لرزهای ساختمان در حالت پایه انعطاف پذیر بهبود یافته است. به عبارتی، یک سطح عملکرد خاص با به کارگیری یک تغییر مکان بزرگتر در حالت پایه انعطاف پذیر در مقایسه با پایه ثابت به دست می آید. همچنین مشاهده می شود که با افزایش ارتفاع ساختمان سطوح عملكرد پايه منعطف نسبت به حالت پايه ثابت بهبود بیشتری داشته است. به علاوه، با توجه به نتایج به دست آمده، با نرمتر شدن خاک زیر پی ساختمان، سطوح عملکرد سازه از بهبود بیشتری برخوردار میباشد.



شکل ۵- منحنی ظرفیت و منحنی دوخطی برای دو حالت پایه ثابت و انعطاف پذیر: الف) قاب ۴ طبقه روی خاک C، ب) قاب ۴ طبقه روی خاک E، ج) قاب ۱۶ طبقه روی خاک C، د) قاب ۱۶ طبقه روی خاک E



نسبت ضريب اضافه مقاومت

نسبت ضريب شكل پذيري

سبت ضريب اصلاح پاسخ

 $(R_{Flexible}/R_{Fixed})$ 

 $(\mu_{Flexible}/\mu_{Fixed})$ 

1.1

 $(\Omega_{Flexible}/\Omega_{Fixed})$ 

0.95

1.1

1.05

1

0.95

1.1

1.05

1

0.95

کلیه رکوردهای مربوط به هر نوع خاک در هر مدل استفاده شده

است. مشاهده می شود که اندر کنش خاک و سازه باعث افزایش

قابل توجه دریفت در تراز سقف اول در همه مدلها می شود. این

افزایش با نرمتر شدن خاک و نیز افزایش طبقات ساختمان تشدید

می شود. لازم به ذکر است که در مدل های ۴ و ۸ طبقه دریفت طبقات بالای تراز سقف اول تقریباً برابر واحد می باشد ولی در مدل های ۱۲ و ۱۶ طبقه بعد از تراز سقف اول افزایش دریفت روند نزولی دارد در حالی که در تراز بام با افزایش قابل توجه دریفت همراه است. بیشترین نرخ افزایش دریفت در تراز بام مدل ۱۶ طبقه واقع بر خاک نوع E رخ داده است که مقدار آن برابر ۷۸ درصد می باشد.

## ۶–۵– منحنیهای IDA

پس از انجام تحلیلهای IDA، منحنیهای دینامیکی فزاینده برای ۲۱ رکوردی که در بخش ۳ معرفی گردید، ترسیم شدهاند. منحنیهای IDA برای کلیه مدلهای ساختمانی در حالت پایه ثابت توسط شکل (۱۰) نمایش داده شده است. مشاهده میشود که با افزایش ارتفاع، قابها در میزان دریفت و شتاب طیفی کمتری به نقطه فروریزش میرسند. به عبارت دیگر، قابهای بلندتر سریعتر وارد ناحیه غیرخطی شده و دارای ظرفیت کمتری میباشند.

برای سادهتر کردن مقایسه، مقادیر عددی سطوح عملکرد توسط چندک ۵۰٪ (میانه آماری) در نظر گرفته می شود (۱۱) معتری که ۲۰۰۷ و ۲۰۰۲، (میانه آماری) در این اساس، شکل مقادیر میانه منحنی های IDA مدل قاب ۴ طبقه را در دو حالت پایه ثابت و پایه منعطف نشان می دهد. همان طور که در این شکل ملاحظه می شود، به ازای یک شتاب طیفی مفروض، بیشینه نسبت دریفت درون طبقه از حالت پایه ثابت به پایه منعطف افزایش می-یابد که شدت این افزایش با نرمتر شدن خاک بیشتر می شود.

یکی از نکات مهم که در بررسی سطوح عملکرد سازهها از اهمیت فراوانی برخوردار میباشد، حد فروریزش است. محققین تفسیرهای گوناگونی از فروریزش انواع سازهها ارائه کردهاند. در این مقاله، دو حالت برای فروریزش سازه های بتنی تعریف شده است. در حالت اول، حد فروریزش سازه به وسیله شتاب طیفی که در آن دریفت میان طبقه با افزایش شدت زلزله به مقدار کم بدون حد افزایش پیدا می کند مشخص میشود. اثر این پدیده در منحنی IDA به صورت صاف شدن نمودار مشخص میشود. در حالت دوم، فروریزش سازه توسط معیارهای خسارت MD در نمودار IDA مشخص میشود. همان طور که قبلاً بیان شد، در این مقاله از بیشینه دریفت میان طبقه به عنوان معیار خسارت استفاده میشود به طوری که افزایش بیش از حد آن سبب فروریزش سازه خواهد شد. در این حالت، ظرفیت فروریزش سازه در نقطهای که دریفت میان طبقه به ۱۵ تا ۱۸ درصد برسد، در نظر گرفته شده است (Haselton)



شکل ۸- عملکرد ساختمانهای مورد مطالعه واقع بر خاک نوع E:الف) قاب ۴ طبقه، ب) قاب ۸ طبقه، ج) قاب ۱۲ طبقه، د) قاب ۱۶ طبقه



شکل ۹- میانگین نسبت دریفت درون طبقه پایه منعطف به پایه ثابت: الف) قاب ۴ طبقه، ب) قاب ۸ طبقه، ج) قاب ۱۲ طبقه، د) قاب ۱۶ طبقه

## ۶-۶- منحنیهای شکنندگی

با توجه به نتایج حاصل از تحلیلهای IDA، نمودارهای شکنندگی بر اساس روابط معرفی شده در بخش ۵ به دست می آید. نمودارهای شکنندگی برای کلیه مدلها با فرض پایه انعطاف پذیر، بالاتر از نمودار پایه ثابت قرار دارند. این موضوع در وهله اول بیانگر اثر منفی اندر کنش خاک و سازه در رفتار فروریزش قابها می باشد. همان طور که قبلاً مطرح شد در نظر گرفتن اندر کنش خاک و سازه سبب افزایش زمان تناوب اصلی سازه می شود. از طرف دیگر، بر اساس شکل طیف طرح آیین نامهها، افزایش زمان تناوب سبب کاهش میزان شتاب طیفی برای سازه با پایه انعطاف پذیر می شود.

قابل ذکر است که شتاب طیفی فروریزش هر قاب بر مبنای زمان تناوب اصلی همان قاب در دو حالت پایه ثابت و پایه انعطاف-پذیر تعریف میشود که در نتیجه، این شتابهای طیفی یکسان نیستند. بنابر این، ابتدا شتابهای طیفی فروریزش متناظر با شرایط پایه ثابت و پایه انعطاف پذیر تعیین شده و سپس نمودارهای شکنندگی با استفاده از شتاب طیفی فروریزش اصلاح شده مقایسه می گردند.

به منظور اصلاح شتابهای طیفی فروریزش، به عنوان نمونه نمودار نقاط فروریزش مربوط به مدل قاب ۴ طبقه با پایه ثابت و پایه انعطاف پذیر در شکل (۱۲-الف) ترسیم شده است. این نمودار در واقع ارتباط بین شتاب طیفی فروریزش مدل مذکور با شرایط پایه مختلف را نشان می دهد. محور افقی x و محور عمودی y در شکل به ترتیب نشان دهنده شتاب طیفی فروریزش مدل با پایه ثابت و پایه انعطاف پذیر است. شیب منحنی برازش شده بر این نقاط ارتباط بین شتابهای طیفی مدنظر را بیان می کند. با توجه به این که قاب با پایه ثابت در شتاب طیفی بیشتری نسبت به پایه انعطاف پذیر به حد فروریزش رسیده است، بنابر این شیب منحنی برازش شده بر این نقاط همواره از یک کوچکتر است.

با تعیین رابطه برازش بین شتابهای طیفی فروریزش در دو حالت پایه مختلف، کلیه این شتابها در نسبت معکوس شیب خط برازش ضرب می شوند تا شتابهای طیفی فروریزش در مدل با پایه انعطاف پذیر اصلاح گردد. با اصلاح شتابهای فروریزش، منحنی شکنندگی اصلاح شده برای پایه انعطاف پذیر بدست می آید (شکل (۱۲–ب)). مشاهده می شود که در تمام حالات این منحنی-مقایسه بین این دو منحنی شکنندگی مدل پایه ثابت قرار می گیرد. اصلاح شده، نشان دهنده کاهش احتمال فروریزش برای قابهای قرار گرفته بر روی تکیه گاه انعطاف پذیر می باشد. این نتیجه اثر مثبت اندر کنش خاک و سازه بر رفتار فروریزش قابهای مورد بررسی را نشان می دهد.



شکل IDA مقادیر میانه منحنیهای IDA برای قاب ۴ طبقه واقع بر خاک: الف) C، ب) E (ج) E

منحنیهای شکنندگی میانه برای قابهای ۴، ۸، ۱۲ و ۱۶ طبقه واقع بر انواع خاک در سه وضعیت پایه ثابت، پایه انعطاف پذیر و پایه انعطاف پذیر اصلاح شده در شکلهای (۱۳) تا (۱۶) با یکدیگر مقایسه شدهاند. با توجه به شکلها میتوان نتیجه گرفت که اندرکنش خاک و سازه احتمال فروریزش قابهای مورد مطالعه را، بر حسب شتاب طیفی اصلاح شده، کاهش میدهد. همچنین با بررسی نمودارهای شکنندگی مشاهده میشود که با افزایش تعداد طبقات قاب، شتاب طیفی فروریزش کاهش یافته است هر ثابت به پایه انعطاف پذیر ایجاد نشده است. به علاوه، با تغییر نوع خاک از C به E مناف پذیر در تمام قابها بیشتر شده است که پایه ثابت و پایه انعطاف پذیر در تمام قابها بیشتر شده است که این موضوع بیانگر تأثیر بیشتر اندرکنش در فروریزش سازههای مستقر بر خاکهای نرم میباشد.



شکل ۱۰– منحنیهای IDA با فرض پایه ثابت: الف) قاب ۴ طبقه، ب) قاب ۸ طبقه، ج) قاب ۱۲ طبقه، د) قاب ۱۶ طبقه

در این روش با معلوم بودن زمان تناوب اصلی در مدل پایه ثابت، میتوان احتمال فروریزش مدل با پایه انعطاف پذیر را از روی منحنی شکنندگی اصلاح شده به دست آورد. این روند در شکل (۱۲–ب) توسط خط مستقیم قائم بر روی منحنی شکنندگی انعطاف پذیر اصلاح شده نشان داده شده است. با توجه به شکل، اندرکنش خاک و سازه سبب کاهش احتمال فروریزش قاب می-شود یا به عبارت دیگر، دارای تأثیر مثبت میباشد.



شکل ۱۲- الف) برازش شتاب طیفی، ب) احتمال فروریزش در شتاب طیفی یکسان برای قاب ۴ طبقه با پایه ثابت و پایه انعطافپذیر اصلاح شده



شکل ۱۶- منحنیهای شکنندگی میانه قاب ۱۶ طبقه واقع بر: الف) خاک C، ب)خاک D، ج) خاک E

جدول (۸) اثر اندرکنش خاک و سازه بر ظرفیت فروریزش قابهای مورد مطالعه را بر حسب شتاب طیفی میانه (شتاب طیفی با احتمال وقوع ۵۰ درصد) نشان میدهد. نتایج جدول حاکی از کاهش شتاب طیفی میانه برای مدلهای با پایه انعطاف-پذیر نسبت به پایه ثابت است. همچنین، مشاهده میشود که با نرمتر شدن خاک و افزایش ارتفاع قاب، میزان اختلاف شتاب طیفی میانه بین دو حالت پایه گیردار و پایه منعطف بیشتر شده است.

جدول ۸- ظرفیت میانه فروریزش قابها با و بدون تأثیر اند، کنش

	0	1		
درصد	شتاب طیفی میانه	شتاب طیفی میانه بایه ثابت	نوع	تعداد
اختلاف	پایه منعطف (g)	(g)	زمين	طبقه
- <b>٣</b> '/.	1/114	1/157	С	
-Δ'/.	1/140	۱/۲・۶	D	۴
-1٣%	۱/•۵۵	1/518	Е	
-۴%	• /Y7F	•/494	С	
- <b>%</b> '/.	٠/٢۴٨	٠/٢٩۶	D	٨
-14%	•/894	• / <b>A</b> • <b>Y</b>	Е	
-۴%	•/۵۴۴	•/۵۶Y	С	
-Υ'/.	•/۵۴V	۰/۵۸۹	D	١٢
-18%	•/۵۶Y	• /8 • 4	Е	
-۴%	• /47 1	•/449	С	
-Y'/.	•/444	•/۴۷٨	D	18
– 1 Y %.	۰/۴۰۷	•/۴۹١	Е	

## ۷- نتیجهگیری

در این نوشتار، به عملکرد لرزهای قابهای خمشی بتن مسلح ویژه با در نظر گرفتن تأثیر اندرکنش خاک- پی- سازه، بر مبنای مدل غیر خطی وینکلر، BNWF، پرداخته شد. مدلهای ساختمانی کوتاه تا بلند مرتبه واقع بر خاکهای نرم تا سخت با استفاده از روش تحلیل استاتیکی غیر خطی و تحلیل دینامیکی افزایشی مورد ارزیابی قرار گرفتند. برخی از نتایج به دست آمده عبارت است از:

۱- زمان تناوب اصلی ساختمانها تحت اثر اندرکنش خاک
و سازه در تمام مدلها افزایش یافت. البته نرخ این افزایش با
افزایش ارتفاع ساختمان و با نرمتر شدن خاک زیر پی بیشتر
گردید.

۲- ضریب اصلاح پاسخ R در مدلهای با اندرکنش نسبت به حالت بدون اندرکنش نسبت به حالت بدون اندرکنش تفاوت محسوسی را نشان نمیدهد. با این وجود، ضریب R با نرمتر شدن خاک در قابهای کوتاه مرتبه روند کاهشی و در قابهای بلند مرتبه روند افزایشی دارد.

۳- اندرکنش خاک و سازه در تراز سقف اول سبب افزایش قابل توجه در دریفت طبقه گردید، این افزایش با نرمتر شدن

خاک و نیز افزایش طبقات به جز مدل ۱۶ طبقه تشدید می شود. در مدل های ۴ و ۸ طبقه دریفت میان طبقه بالاتر از تراز سقف اول تقریباً برابر واحد گردید، ولی مدل های ۱۲ و ۱۶ طبقه در ترازهای طبقات بالا با افزایش قابل توجه دریفت همراه می باشند.

۴- با در نظر گرفتن اندرکنش خاک و سازه، به خصوص با افزایش تعداد طبقات و با نرمتر شدن خاک، قابها در دریفت و شتاب طیفی کمتری به نقطه فروریزش رسیدند.

۵- در منحنیهای شکنندگی، لحاظ کردن اندرکنش سبب کاهش شتاب طیفی میانه گردید. این کاهش در نگاه اول، افزایش احتمال فروریزش سازه با پایه انعطاف پذیر در مقایسه با پایه گیردار را نشان میدهد. لیکن با اصلاح منحنی شکنندگی، احتمال فروریزش برای کلیه قابهای واقع بر پی منعطف کاهش یافت. همچنین، با نرمتر شدن خاک و افزایش تعداد طبقات ساختمان، اثر اندرکنش بر روی نمودارهای شکنندگی بیشتر گردید.

## ۸- تشکر و قدردانی

نویسندگان برخود لازم میدانند از نقطه نظرات سازنده و مفید داوران تشکر و قدردانی نمایند.

۸- مراجع

- ACI 318, "Building code requirements for reinforced concrete and commentary", ACI318-11, American Concrete Institute, Detroit, USA, 2011.
- Arbabi M, Tahghighi H, "Evaluation of soil-structure interaction effects using seismic codes", Proceedings of the seventh international conference on Seismology and Earthquake Engineering, SEE7, Tehran, Iran, 2015.
- ASCE 41, "Seismic rehabilitation of existing buildings", ASCE/SEI 41, American Society of Civil Engineers/Structural Engineering Institute, Reston, VA, USA, 2013.
- ASCE 7, "Minimum design loads for buildings and other structures", ASCE/SEI 7-10, American Society of Civil Engineers/ Structural Engineering Institute, Reston, VA, USA, 2010.
- ATC 40, "Seismic evaluation and retrofit of concrete buildings", Applied Technology Council, Seismic Safety Commission, CA, USA, 1996.
- Farzam M, Barghian M, Arghavani Khah B, "Developing fragility curves for precast concrete structures", Journal of Civil and Environmental Engineering, 2016, 46 (3), 51-61 (in Persian).
- Fatahi B, Tabatabaiefar S, "Fully nonlinear versus equivalent linear computation method for seismic analysis of midrise buildings on soft soils", International Journal of Geomechanics, 2014, 14 (4), 1-15.
- FEMA 356, "Prestandard and commentary for seismic rehabilitation of buildings", Prepared by the American Society of Civil Engineers for the Federal

- Raychowdhury P, "Effect of soil parameter uncertainty on seismic demand of low-rise steel buildings on dense silty sand", Soil Dynamics and Earthquake Engineering, 2009, 29 (10), 1367-1378.
- Raychowdhury P, "Seismic response of low-rise steel moment-resisting frame (SMRF) buildings incorporating nonlinear soil-structure interaction (SSI)", Engineering Structures, 2011, 33, 958-967.
- Shome N, Cornell A, "Probabilistic seismic demand analysis of nonlinear structures", Report No, RMS 35, Dept of Civil Engineering, Stanford University, USA, 1999.
- Tabatabaiefar SHR, Massumi A, "A simplified method to determine seismic responses of reinforced concrete moment resisting building frames under influence of soil-structure interaction", Soil Dynamics and Earthquake Engineering, 2010, 30, 1259-1267.
- Tabatabaiefar SHR, Fatahi B, Samali B, "Seismic behavior of building frames considering dynamic soil-structure interaction", International Journal of Geomechanics, 2013, 13 (4), 409-420.
- Tahghighi H, "Rational incorporation of non-linear soilpile interaction effects in seismic design", PhD thesis. University of Tokyo, Tokyo, Japan, 2005.
- Tahghighi H, "Simulation of strong ground motion using the stochastic method: Application and validation for near-fault region", Journal of Earthquake Engineering, 2012, 16, 1230-1247.
- Tahghighi H, Rabiee M, "Nonlinear soil-structure interaction effects on building frames: A discussion on the seismic codes", Journal of Seismology and Earthquake Engineering, 2015, 17 (1), 219-229.
- Tahghighi H, Rabiee M, "Influence of foundation flexibility on the seismic response of low-to-midrise moment resisting frame buildings", International Journal of Science and Technology, SCIENTIA IRANICA, A, 2017, 24 (3), 979-992.
- Tameh MR, Tahghighi H, "Approximate nonlinear seismic evaluation of frame buildings by static and dynamic analysis methods and comparison with the exact solutions", Modares Civil Engineering Journal, 2017, 17 (4), 101-111 (in Persian).
- Terzaghi K, "Theoretical Soil Mechanics", J. Wiley, New York, USA, 1943.
- Vamvatsikos D, Cornell CA, "Incremental dynamic analysis", Earthquake Engineering and Structural Dynamics, 2002, 31 (3), 491-514.
- Vamvatsikos D, Fragiadakis M, "Incremental dynamic analysis for estimating seismic performance sensitivity and uncertainty", Earthquake Engineering and Structural Dynamics, 2009, 39 (2), 141-163.

Emergency Management Agency, Washington DC, USA, 2000.

- FEMA P695, "Quantification of building seismic performance factors", Prepared by the American Society of Civil Engineers for the Federal Emergency Management Agency, Washington DC, USA, 2009.
- Gajan S, Raychowdhury P, Hutchinson TC, Kutter BL, Stewart JP, "Application and validation of practical tools for nonlinear soil-foundation interaction analysis", Earthquake Spectra, 2010, 26 (1), 111-129.
- Gazetas, G. "Formulas and charts for impedances of surface and embedded foundations", Journal of Geotechnical Engineering, 1991, 117 (9), 1363-1381.
- Harden CW, Hutchinson TC, "Beam-on-nonlinear-Winkler-foundation modeling of shallow rockingdominated footings", Earthquake Spectra, 2009, 25 (2), 277-300.
- Haselton CB, Deierlein GG, "Assessing seismic collapse safety of modern reinforced concrete frame buildings", John A. Blume Earthquake Engineering Center Technical Report No. 156, Stanford University, California, USA, 2007.
- Hokmabadi AS, Fatahi B, Samali B, "Assessment of soilpile-structure interaction influencing seismic response of mid-rise buildings sitting on floating pile foundations", Computers & Structures, 2014, 55, 172-186.
- Jeremic B, Kunnath S, Xiong F, "Influence of soilfoundation-structure interaction on seismic response of the I-880 viaduct", Engineering Structures, 2004, 26, 391-402.
- Laura Eads SU, "Pushover Analysis of 2-Story Moment Frame", University of California, Berkeley, http://opensees.berkeley.edu/wiki/index.php/P ushover\_Analysis\_of\_2-Story\_Moment\_Frame, 2010.
- Lou M, Wang H, Chen X, Zhai Y, "Structure-soilstructure interaction", Literature review, Soil Dynamics and Earthquake Engineering, 2011, 31, 1724-1731.
- Marzban S, Banazadeh M, Azarbakht A, "Seismic performance of reinforced concrete shear wall frames considering soil-foundation-structure interaction", Structural Design of Tall and Special Buildings Journal, 2014, 23, 302-318.
- Masaeli H, Khoshnoudian F, Ziaei R, "Rocking soilstructure systems subjected to near-fault pulses", Journal of Earthquake Engineering, 2015, 19 (3), 461-479.
- Mohamadi A, "Performance assessment of reinforced concrete buildings located on shallow foundation considering nonlinear soil-structure interaction", MSc Thesis, University of Kashan, Iran, 2016 (in Persian).
- Mylonakis G, Gazetas G, "Seismic soil-structure interaction: beneficial or detrimental", Journal of Earthquake Engineering, 2000, 4 (3), 277-301.
- OpenSees, "Open system for earthquake engineering simulation", Pacific Earthquake Engineering Research Center, 2015.
- PEER, "PEER Strong Motion Database", http://peer.berkeley.edu/ Accessed 10 Jan, 2015.



## **EXTENDED ABSTRACTS**

## Seismic Performance Assessment of RC MRF Buildings on Shallow Foundations Incorporating Soil-Structure Interaction

Ali Mohamadi, Hossein Tahghighi\*

Faculty of Engineering, University of Kashan, Kashan 8731753153, Iran

Received: 29 January 2018; Accepted: 22 September 2018

### **Keywords:**

Soil-structure interaction, Performance assessment, Reinforced concrete frame, Pushover analysis, Incremental dynamic analysis.

## 1. Introduction

For the structure resting on a flexible medium, the dynamic response of the structure will be different from the fixed-base condition owing to the interaction between the soil and the structure. Nevertheless, the common practice in seismic performance assessment assumes that structures are fixed to their base, which maybe a realistic hypothesis only when these are founded on relatively solid rock or very stiff soil. In the case of a flexible-base structure, in addition to the added rocking component to the horizontal motion of the structure, a part of the structure's vibrating energy will transmit to the soil layer and can be dissipated due to radiation damping resulting from the wave propagation and hysteresis damping of the soil materials (Lou et al., 2011). Soil-structure interaction (SSI) are generally shown to be more pronounced in the case of soft soil formations and high-rise structures modifying considerably the dynamic characteristics of the building and finally its response (Tahghighi and Rabiee, 2017). The objective of the present research is to study whether SSI may affect the seismic performance and vulnerability of reinforced concrete moment resisting frame (MRF) buildings.

## 2. Methodology

Four typical RC MRF buildings on three soil types with shear wave velocities less than 600m/s subjected to actual ground motion records are modeled with and without SSI. In this paper, the nonlinear response of MRF buildings is studied with two comparative base conditions. First, rigid base condition that means the foundation system is assumed to be fixed against all the movements, NSSI model. Second, SSI case in which foundation uplifting and soil plasticity are included and the soil-foundation interface is modelled as nonlinear Winkler springs. The computational model of the soil-foundation-structure systems was developed using the OpenSees finite element software (OpenSees, 2016). The structural members, beams and columns, are modelled as nonlinear beam-column elements employing the distributed and lumped plasticity elements as well as the flexure-shear interaction displacement-based beam-column elements incorporating the soil-footing interface. The geotechnical design parameters are presented in Table 1. Nonlinear static analysis and incremental dynamic analysis were performed to evaluate seismic performance of RC buildings in the case of fixed-base and flexible-base assumptions. Incremental dynamic analysis (IDA) is a parametric analysis method that has been employed to estimate more thoroughly structural performance under seismic loads (Vamvatsikos and Cornell, 2002). It involves subjecting a structural model to one (or more) ground motion record (s), each scaled to multiple levels of intensity, thus producing one (or more) curve (s) of response parameterized versus intensity level. Meanwhile, fragility curves of RC buildings are estimated with the assumptions of fixed-base and flexible-base structures to study whether SSI may modify the fragility curves and consequently affect the vulnerability of buildings (Haselton and Deierlein, 2007).

\* Corresponding Author

E-mail addresses: alimohamadi9090@yahoo.com (Ali Mohamadi), tahghighi@kashanu.ac.ir (Hossein Tahghighi).

#### 3. Results and discussion

A comparison was made afterwards between the RC frames behaviors in the fixed- and flexible-base conditions. It is observed that the performance level of models supported by flexible foundation, particularly in an intense earthquake event, may alter significantly in comparison to fixed-base structures. Moreover, for MRFs on soft soil, the nonlinear foundation is found to have a significant effect on the force and displacement demands. Fragility curves are also derived as a function of "first-mode" spectral acceleration,  $S_a$  ( $T_1$ , 5%), for the collapse prevention limit state based on the statistical exploitation of the IDA results of the given structural systems (Fig. 1). The results indicate some degree of inaccuracy in the fixed-base assumption, which is regularly applied in analysis and design practice.



Fig. 1. Fragility curves for RC frames on site class E: (a) 4-story, (b) 8-story, (c) 12-story, (d) 16-story models

#### 4. Conclusions

Results show the significant role of SSI under nonlinear soil behavior in altering the expected structural performance and fragility of especially high-rise fixed base structures. The study emphasizes on the necessity for consideration of flexible foundation behavior in the modern design codes in order to accomplish a more economic yet safe structural design.

#### 5. References

- Lou M, Wang H, Chen X, Zhai Y, "Structure-soil-structure interaction", Literature review, Soil Dynamics and Earthquake Engineering, 2011, 31, 1724-1731.
- Tahghighi H, Rabiee M, "Influence of foundation flexibility on the seismic response of low-to-mid-rise moment resisting frame buildings", Int. Journal of Science and Technology, Scientia Iranica A, 2017, 24 (3), 979-992.
- OpenSees, "Open system for earthquake engineering simulation", Pacific Earthquake Engineering Research Center, 2016.
- Vamvatsikos D, Cornell CA, "Incremental dynamic analysis", Earthquake Engineering and Structural Dynamics, 2002, 31 (3), 491-514.
- Haselton CB, Deierlein GG, "Assessing seismic collapse safety of modern reinforced concrete frame buildings", John A. Blume Earthquake Engineering Center Technical Report No. 156, Stanford University, California, USA, 2007.
- Mohamadi A, "Performance assessment of reinforced concrete buildings located on shallow foundation considering nonlinear soil-structure interaction", MSc Thesis, University of Kashan, Iran (2016) (in Persian).